**Задания к контрольной работе.**

**Задание 1.**

В каждом варианте приведены поквартальные данные о кредитах от коммерческого банка на жилищное строительство (в условных единицах) за 4 года (всего 16 кварталов, первая строка соответствует первому кварталу первого года).

*Требуется:*

1) Построить адаптивную мультипликативную модель Хольта-Уинтерса с учетом сезонного фактора, приняв параметры сглаживания α1 =0,3; α2=0,6; α3=0,3.

2) Оценить точность построенной модели с использованием средней относительной ошибки аппроксимации.

3) Оценить адекватность построенной модели на основе исследования:

* случайности остаточной компоненты по критерию пиков;
* независимости уровней ряда остатков по d-критерию (критические значения d1, = l,10 и d2=1,37) и по первому коэффициенту автокорреляции при критическом значении r1 =0,32;
* нормальности распределения остаточной компоненты по R/S-критерию с критическими значениями от 3 до 4,21.

4) Построить точечный прогноз на 4 шага вперед, т.е. на 1 год.

5) Отразить на графике фактические, расчетные и прогнозные данные.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Квартал | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 |
| Вариант 9 | 41 | 52 | 62 | 40 | 44 | 56 | 68 | 41 | 47 | 60 | 71 | 44 | 52 | 64 | 77 | 47 |

**Решение:**

1. Построение адаптивной мультипликативной модели Хольта-Уинтерса:

Исходные данные:

Таблица 1.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| t | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 |
| Y(t) | 41 | 52 | 62 | 40 | 44 | 56 | 68 | 41 | 47 | 60 | 71 | 44 | 52 | 64 | 77 | 47 |

Для оценки начальных значений а(0) и b(0) применим линейную модель к первым 8 значениям Y(t) из таблицы 1. Линейная модель имеет вид:

Yp(t) = a(0) + b(0) \* t

Определим коэффициенты линейного уравнения а(0) и b(0) по формулам:



Произведем расчеты в Excel (рис.1):

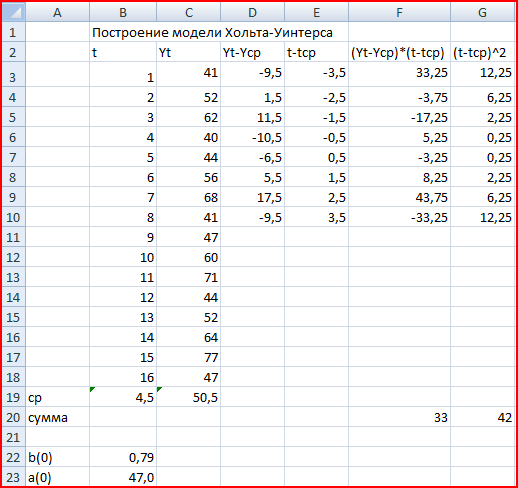


Рис .1 расчеты в Excel

Уравнение с учетом полученных коэффициентов имеет вид:

Yp(t) = 47 + 0,79\*t

Из этого уравнения находим расчетные значения Yp(t) и сопоставляем их с фактическими значениями (рис. 2):

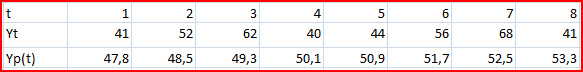


Рис. 2

Такое сопоставление позволяет оценить приближенные значения коэффициентов сезонности кварталов F(-3), F(-2), F(-1) и F(0) Эти значения необходимы для расчета коэффициентов сезонности первого года F(1), F(2), F(3), F(4) и других параметров модели Хольта –Уинтерса.

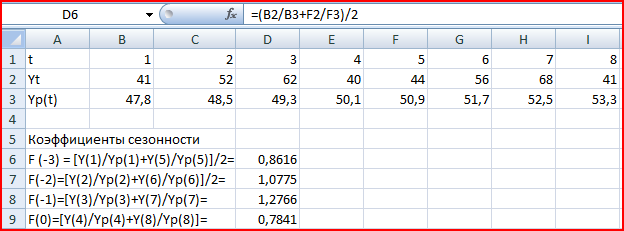


Рис. 3

Оценив значения а(0) и b(0), а также F(-3), F(-2), F(-1), F(0) перейдем к построению адаптивной модели Хольта Уинтерса.

Рассчитаем значения Yp(t), a(t), b(t), F(T) для t=1 значения параметров сглаживания α1=0,3, α2=0,6, α3=0,3.

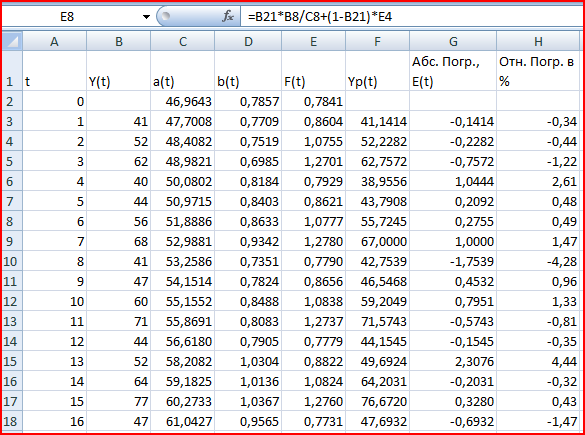


Рис. 4

2. Проверка точности построенной модели.

Условие точности выполнено, если относительная погрешность в среднем не превышает 5%.





1,26%<5%, следовательно, условие точности выполнено.

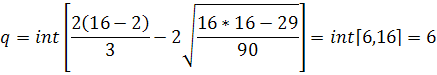
3. Оценка адекватности построенной модели.

3.1 Проверка случайности уровней.

Гипотеза подтверждается если P > q, где



Функция int означает, что от полученного значения берется только целая часть.



Из таблицы P = 10, 6<10, т.е. можно заключить, что гипотеза выполнена.

3.2 проверка независимости уровней ряда остатков (отсутствия автокорреляции). Проверка проводится двумя методами:

а) по d-критерию Дарбина – Уотсона: табличные значения d1 = 1,08, d2 = 1,36



В данном случае имеет место отрицательная автокорреляция. В таком случае величину *d* уточняем, вычитая полученное значение из 4.

d’ = 4 – d = 4-2,53 = 1,48

Уточненное значение d сравниваем с табличными значениями d1 и d2, в данном случае d1=1,1 и d2=1,37.

Так как d2<1,48<2, то уровни ряда остатков являются независимыми.

б) по первому коэффициенту автокорреляции



Для нашей задачи критический уровень rтаб = 0,32 - значит уровни независимы.

3.3 Проверка соответствия ряда остатков нормальному распределению по R/S-критерию с критическими значениями от 3 до 4,21.

, где , S = 0,93



Рис. 5

Полученное значение не попало в заданный интервал.

4. Построим точечный прогноз на 4 шага вперед.

Находим прогнозные значения экономического показателя для Yp(t)

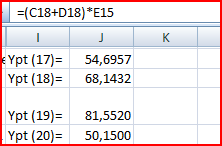


Рис. 6

5. Отразим на графике расчетные, фактические и прогнозные данные.

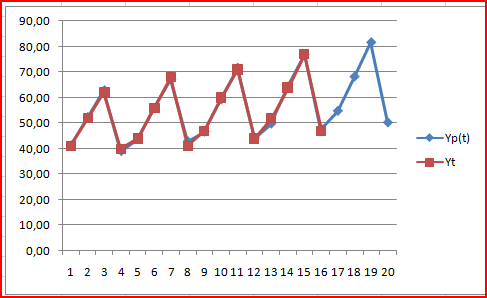


Рис. 7 Сопоставление расчетных и фактических данных.

Из рисунка видно, что расчетные данные хорошо согласуются с фактическими, что говорит об удовлетворительном качестве прогноза.

**Задание 2.**

Даны цены (открытия, максимальная, минимальная и закрытия) за 10 дней. Интервал сглаживания принять равным пяти дням. Рассчитать:

* экспоненциальную скользящую среднюю;
* момент;
* скорость изменения цен;
* индекс относительной силы;
* %R, %K и %D.

Расчеты выполнить для всех дней, для которых эти расчеты можно выполнить на основании имеющихся данных.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Вариант 9 | | | | |
| Дни | Цены | | | |
| Макс. | Мин. | | Закр. |
| 1 | 650 | | 618 | 645 |
| 2 | 680 | | 630 | 632 |
| 3 | 657 | | 627 | 657 |
| 4 | 687 | | 650 | 654 |
| 5 | 690 | | 660 | 689 |
| 6 | 739 | | 685 | 725 |
| 7 | 725 | | 695 | 715 |
| 8 | 780 | | 723 | 780 |
| 9 | 858 | | 814 | 845 |
| 10 | 872 | | 840 | 871 |

Решение:

Введем исходные данные:

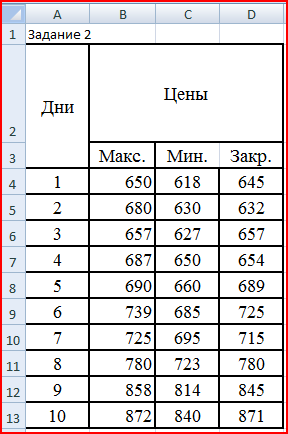


Рис. 8

Экспоненциальная скользящая средняя (ЕМА) определяется по формуле:

EMAt = Ct\*K + EMAt-1\*(1- K)

Где ,



Ct – цена закрытия

n– интервал сглаживания, n=5

Для вычисления экспоненциальной средней сформируем таблицу:



Рис. 9

Момент (МОМ) рассчитывается как разница конечной цены текущего дня и цены n дней тому назад:

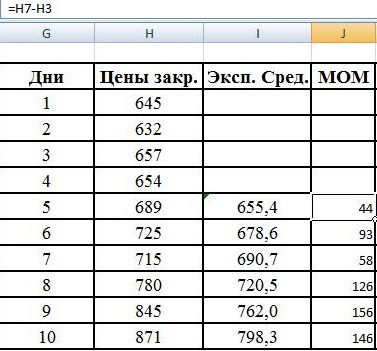


Рис. 10

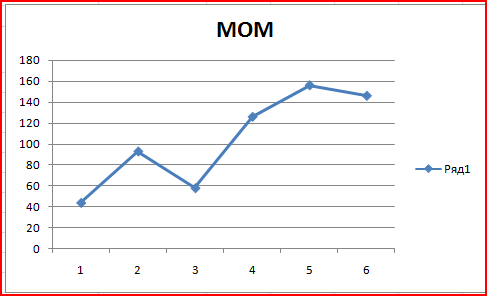


Рис. 11

Движение графика момента вверх (рис. 11) свидетельствует о повышении цен.

Скорость изменения цен (ROC):

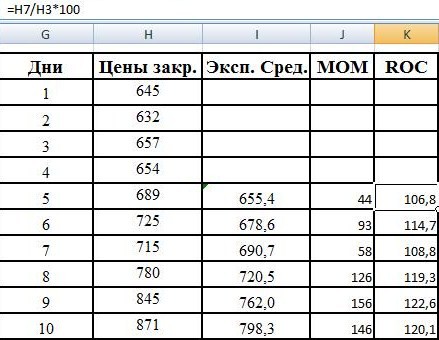


Рис. 12

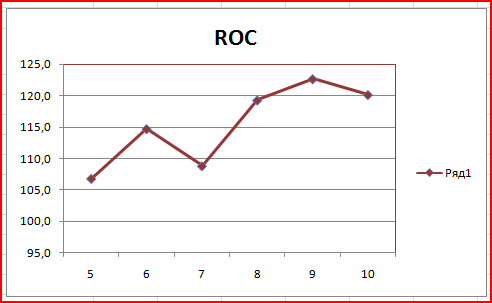


Рис. 13

ROC является отражением скорости изменения цены , а также указывает направление этого изменения. В качестве нулевой линии используется уровень 100%. Нахождения индекса выше линии 100 и положительная динамика в 7-9 дни говорит о сигнале к покупке. На 7-8 день скорость изменения цен была максимальной.

Индекс относительной силы (RSI).

Значения RSI изменяются от 0 до 100. Этот индикатор может подавать сигналы либо одновременно с разворотом цен, либо с опережением, что является важным его достоинством.

Для его расчета применяется формула:



Где AU – сумма приростков конечных цен за n дней;

AD – суммы убыли конечных цен за n дней.

Повышение цены рассчитываем по формуле: =ЕСЛИ((H5-H4)>0;H5-H4;""), а понижение =ЕСЛИ((H4-H3)<0;ABS(H4-H3);"")

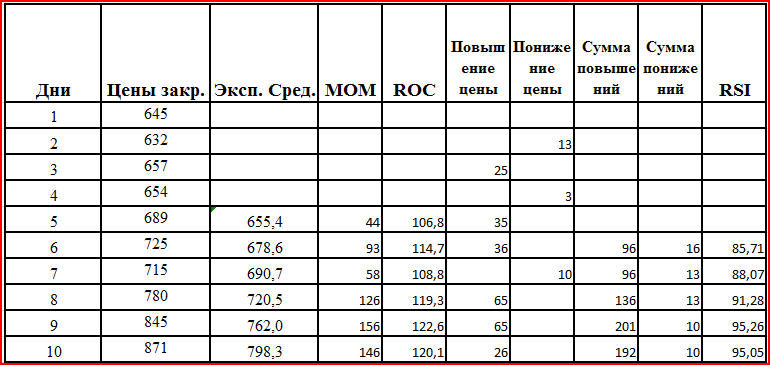


Рис. 14

Отобразим на графике полученные значения RSI (рис. 15).

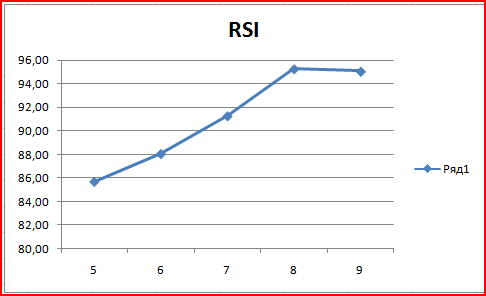


Рис. 15

Зоны перепроданности располагаются обычно ниже 25-20, а перекупленности - выше 75-80. Сигналом служит разворот RSI в указанных зонах и выход из нее. Как видно из рисунка, индекс относительной силы вошел в зону, ограниченной линией 80%, на 6-10 день. Это значит, что цены поднялись слишком высоко, надо ждать их падения и подготовится к продаже. Сигналом к продаже послужит момент выхода графика из зоны перепроданности.

Стохастические линии.

Смысл индексов %К и %R состоит в том, что при росте цен цена закрытия бывает ближе к максимальной цена ,а при падении цен, наоборот, ближе к минимальной. Индексы %R и %К проверяют куда больше тяготеет цена закрытия.



Где %Kt – значение индекса текущего дня;

Ct – цена закрытия текущего дня;

L5 и H5 – соответственно минимальная и максимальная цены за 5 предшествующих дней, включая текущий.



Где %Rt – значение индекса текущего дня, t;

Ct – цена закрытия текущего дня t;

Ln и Hn – соответственно минимальная и максимальная цены за n предшествующих дней, включая текущий.



Составим таблицу расчета индексов стохастических линий и заполним ее (рис. 18).

В ячейку Е8 введем формулу =МАКС(B4:B8) и размножим ее, а в ячейку F8 формулу =МИН(C4:C8) и тоже размножим (рис. 16)

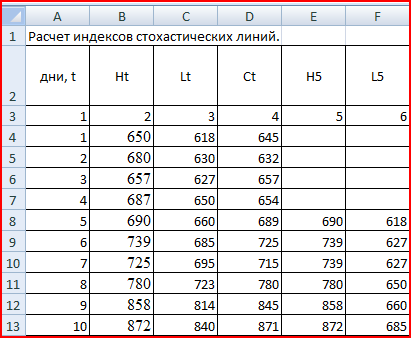


Рис. 16

В ячейку G8 введем формулу =D8-F8, в H8 =E8-D8, в I8 =E8-F8 и размножим их (рис. 17).



Рис. 17

Далее рассчитаем индексы (рис. 18).

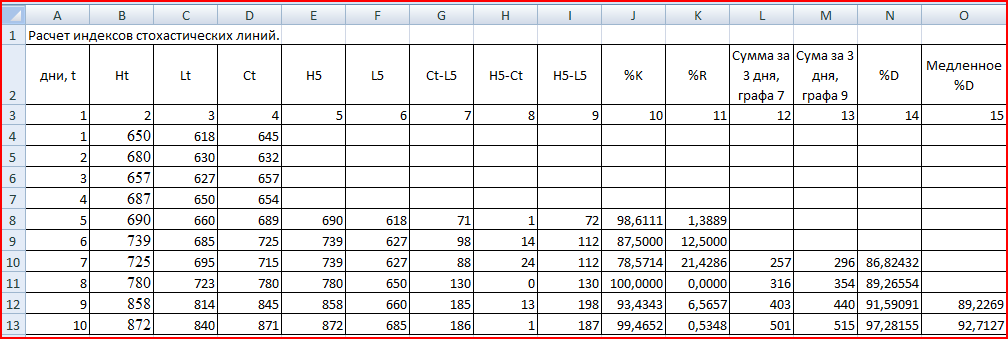


Рис. 18 расчет индексов стохастических линий.

Медленное %D рассчитывается по формуле =СРЗНАЧ(N10:N12).

Критические значения %К (зона перекупленности) свидетельствуют о том, что можно ожидать скорого разворота тренда, т.е. падения цен. Как видно из графика и из таблицы если цена закрытия ближе к максимальной цене, то наблюдается рост цен , в противном случае, падение (рис. 19).



Рис. 19 Ценовой график.

**Задание 3.**

Выполнить различные коммерческие расчеты, используя данные, приведенные в таблице. В условии задачи значения параметров приведены в виде переменных. Например, *S* означает некую сумму средств в рублях, *Т*лет - время в годах, *i -* ставку в процентах и т.д. По именам переменных из таблицы необходимо выбрать соответствующие численные значения параметров и выполнить расчеты.

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| Вариант | Сумма | Дата начальная | Дата конечная | Время в днях | Время в годах | Ставка | Число начислений |
| S | TH | TK | Tдн | Tлет | I | m |
| 9 | 4500000 | 09.01.02 | 21.03.02 | 90 | 5 | 50 | 4 |

3.1 Банк выдал ссуду, размером S руб. Дата выдачи ссуды - TH , возврата - TK . День выдачи и день возврата считать за 1 день. Проценты рассчитываются по простой процентной ставке *i*% годовых.

Найти:

3.1.1) точные проценты с точным числом дней ссуды;

3.1.2) обыкновенные проценты с точным числом дней ссуды;

3.1.3) обыкновенные проценты с приближенным числом дней ссуды.

3.2 Через Tдн дней после подписания договора должник уплатит S руб. Кредит выдан под *i*% годовых (проценты обыкновенные). Какова первоначальная сумма и дисконт?

3.3Через Tдн дней предприятие должно получить по векселю S руб. Банк приобрел этот вексель с дисконтом. Банк учел вексель по учетной ставке *i*% годовых (год равен 360 дням). Определить полученную предприятием сумму и дисконт.

3.4 В кредитном договоре на сумму S руб. и сроком на Tлет лет, зафиксирована ставка сложных процентов, равная *i*% годовых . Определить наращенную сумму.

3.5 Ссуда, размером S руб. предоставлена на Тлет . Проценты сложные, ставка *i*% годовых. Проценты начисляются m раз в году. Вычислить наращенную сумму.

3.6 Вычислить эффективную ставку процента, если банк начисляет проценты m раз в году, исходя из номинальной ставки *i*% годовых.

3.7 Определить, какой должна быть номинальная ставка при начислении процентов m раз в году, чтобы обеспечить эффективную ставку *i*% годовых.

3.8 Через Тлет предприятию будет выплачена сумма S руб. Определить ее современную стоимость при условии, что применяется сложная процентная ставка i% годовых.

3.9 через Тлет по векселю должна быть выплачена сумма S руб. Банк учел вексель по сложной учетной ставке *i*% годовых. Определить дисконт.

3.10 В течение Тлет на расчетный счет в конце каждого года поступает по S руб., на которые m раз в году начисляются проценты по сложной годовой ставке i%. Определить сумму на расчетном счете к концу указанного срока.

Решение.

3.1Используем формулу:



3.1.1 *К* = 365, *t* = 71,



3.1.2 *К* = 360, *t* = 71, .



3.1.3 *К* = 360, *t* = 71,



3.2 Используем формулы:



3.3 Используем формулы:



3.4 Используем формулу:



Где *n* – срок ссуды



3.5 Используем формулу:



3.6 Используем формулу:



3.7 Используем формулу:



3.8 Используем формулу:



3.9 Используем формулы:



3.10 Используем формулу:

